

Η Φωνή της Άσκησης

## Συνημμένο 16

Περιεχόμενα

1. Τα Βαλκάνια στη σκιά του χθες
2. Σήψη και λάσπη
3. Το πρόβλημα με το μπιλιάρδο

Δεκέμβριος 2016

### **ΓΕΩΡΓΙΟΣ Ε. ΔΟΥΔΟΥΜΗΣ**

Γεννήθηκε στην Αθήνα (1946), με καταγωγή από την Άσκη.

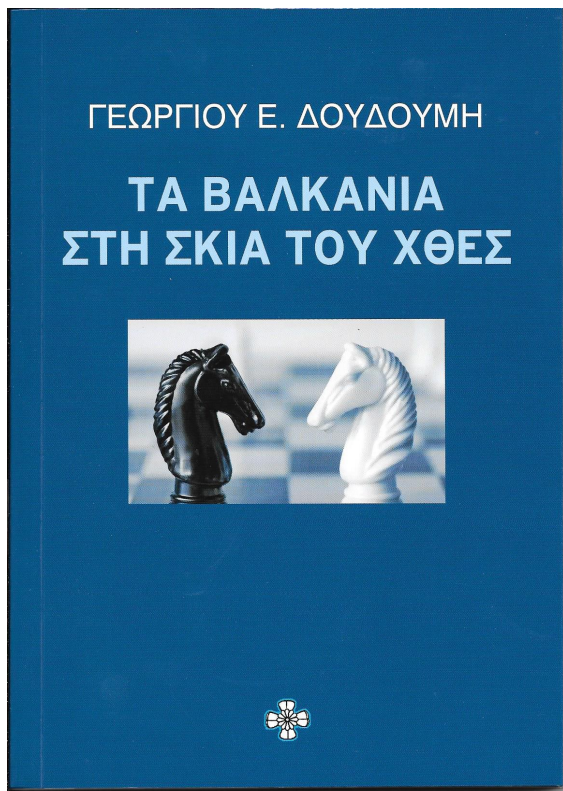
Είναι οικονομολόγος με μεταπτυχιακό δίπλωμα εξειδίκευσης στη Διοικητική των Επιχειρήσεων.

Από το 1975 υπηρέτησε 29 χρόνια στο εξωτερικό ως οικονομικός διπλωμάτης με αρμοδιότητα εμπορικά και οικονομικά θέματα (στο Γενικό Προξενείο της Ελλάδος στο Μόναχο και στις Πρεσβείες της Ελλάδος στη Τζέντα, στο Βελιγράδι, στη Χάγη, στα Τίρανα, στη Σόφια, στη Μαδρίτη και στο Βερολίνο) και 6 χρόνια στην Αθήνα ως στέλεχος, διαδοχικά, των υπουργείων Εμπορίου, Εθνικής Οικονομίας και Εξωτερικών.

Είναι μέλος του Διοικητικού Συμβουλίου του Ελληνικού Ινστιτούτου Στρατηγικών Μελετών (ΕΛ.Ι.Σ.ΜΕ.).

# Τα Βαλκάνια στη σκιά του χθες

Του Γεωργίου Ε. Δουδούμη



Η ιδέα ενός σχήματος Συμβουλίου Βαλκανικής Συνεργασίας μας προτρέπει να αντιμετωπίσουμε από κοινού π.χ. το θέμα του χρέους, το θέμα των παραγωγικών επενδύσεων, το θέμα της ενεργειακής επάρκειας, το θέμα της αποτροπής του να χρησιμοποιηθούν Βαλκάνιοι σε πεδία μαχών για αλλότρια συμφέροντα και τόσα άλλα. Χρειάζεται ως εκ τούτου, να θεσμοθετηθεί ένα διαβαλκανικό όργανο για την προώθηση της συνεργασίας μεταξύ των χωρών της Χερσονήσου του Αίμου, ώστε να εδραιωθεί η ειρήνη στην περιοχή και να επιταχυνθεί η αναπτυξιακή πορεία κάθε μίας από τις χώρες αυτές και της περιοχής ως σύνολο. Αυτό απαιτεί και μια σύγκλιση στην εξωτερική πολιτική, όπως δείχνει η τρέ-

χουσα προσφυγική κρίση και ευρύτερα το μεταναστευτικό πρόβλημα σε συνδυασμό με το δημογραφικό πρόβλημα των βαλκανικών χωρών.

Έργα του ιδίου σχετικά με τα Βαλκάνια:

- α) «Το σκόπιμον ή μη της συμμετοχής της Ελλάδος εις την Ευρωπαϊκὴν Οικονομικὴν Κοινότητα», Αθήνα 1974.
- β) «Βαλκανικά», Αθήνα 1992.
- γ) «Βαλκανικές εξελίξεις», Εκδόσεις Δωδώνη, Αθήνα-Γιάννινα 1994.
- δ) «Βαλκανικές εξελίξεις 11», Εκδόσεις Δωδώνη, Αθήνα-Γιάννινα 1996.
- ε) «Βαλκανικές εξελίξεις 111», Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 1998. (Εκδόθηκε και στη βουλγαρική γλώσσα, Σόφια 1998).
- στ) «Η σύγχρονη Βουλγαρία - Προβλήματα και προοπτικές-, Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 1999.
- ζ) «Βαλκανικές εξελίξεις IV», Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 2000.
- η) «Η γιουγκοσλαβική αποσύνθεση (1991 2001)>>, Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 2001.
- θ) «Βαλκανικές εξελίξεις V», Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 2002.
- ι) «Βαλκάνια 2006», Βαλκανικές εκδόσεις, Αθήνα 2006.
- ια) «Τουρκία η ανεπιθύμητη», Έκδοση Άσκηρ, Αθήνα 2010, Εκδόσεις ΗΡΟΔΟΤΟΣ, Αθήνα 2016.
- ιβ) «ΤΑ ΒΑΛΚΑΝΙΑ - Από το χθες στο αύριο», Εκδόσεις ΚΑΔΜΟΣ, Αθήνα 201

## Σήψη και λάσπη

Μεγαλώσαμε με το γνωμικό τι θα πει ο κόσμος; Ποιος κόσμος; Ένας κόσμος που παραπαίει στην τρέλα, στην σήψη, στην έλλειψη στοιχειώδους σεβασμού προς τον διπλανό και στην λάσπη που πετάει ο ένας στον άλλο για να νιώσει καλύτερα; Αποτελεί πραγματικότητα, ο παραλογισμός του μικρόκοσμου που μας περιβάλλει τόσο στις μεγαλουπόλεις, όσο και στην επαρχία. ΠΑΝΤΟΥ. Αυτό οφείλεται στην οικονομική κρίση που όλους μας έχει επηρεάσει. Απώτερη συνέπεια είναι η κρίση αξιών και πάνω από όλα σε ηθικό επίπεδο.

Μέλημα όλων μας είναι να βλάψουμε τον διπλανό μας με την λάσπη που ρίχνουμε, ούτως ώστε να γεμίσουμε μια άδεια και αποτυχημένη ζωή που εμείς οι ίδιοι είμαστε υπεύθυνοι για τη κατάντια και τον κατήφορο που έχουμε πάρει.

Κακόμοιρες και παρασιτικές μορφές ανθρώπων μας περιτριγυρίζουν που τις συναντάς τα πρωινά σου όταν πας στη δουλειά σου.... Η τάδε κυρία του κυρίου που περπατάει όλο καμάρι λες και έχει καταπιεί στείλιάρι και σε κοιτάει με μισό μάτι. Ενώ έχει πει τα ψέματα σωρό για εσένα, χωρίς να την έχεις ενοχλήσει. Όσα δεν φτάνει η αλεπού, τα κάνει κρεμαστάρια λέει ο λαός... Απλά αγνόησέ την!!!

Αυτές τις παρασιτικές μορφές ζωής θα τις συναντήσεις στο πρόσωπο του τάδε κυρίου που επειδή δεν ενέδωσες στις ομολογουμένως απαίσιες ορέξεις του σε κακολογεί δεξιά και αριστερά. Ανδρικές μορφές που ούτε η οικογένειά τους -τους σέβεται. Μορφές όλων των ηλικιών, ανεξαρτήτου γένους και με κανέναν προσορισμό. Κουφάρια που σέρνονται από τον καφενέ στην ταβέρνα και τούμπαλιν. Άνθρωποι και ανθρωπάκια που δεν άνοιξαν ποτέ τα φτερά τους να μάθουν το κάτι διαφορετικό αλλά μαγκώθηκαν στο ψέμα, στην μιζέρια και στο μίσος για κάποιον που τα κατάφερε λίγο καλύτερα από εκείνους. Δεν δούλεψαν, δεν σπούδασαν, δεν μορφώθηκαν και περιορίστηκαν στο να λαιμορουν τους άλλους και στο να απομυζούν οικονομικά συγγενικά πρόσωπα....ΓΙΑΤΙ; ΓΙΑΤΙ ΜΟΝΟ ΑΥΤΟ ΕΜΑΘΑΝ ΣΤΗΝ ΖΩΗ ΤΟΥΣ.

Όλοι λοιπόν έχουμε πέσει θύματα κακόβουλων για εμάς σχολίων από εκείνες τις παρασιτικές μορφές. Σχόλια που αγγίζουν τα όρια της επιστημονικής φαντασίας τολμώ να πω. Ωστόσο, θα έπρεπε όλοι να μην ασχολούμαστε με κανέναν άλλο παρά μόνο με τις οικογένειές μας και τους οικείους μας. Αλλά που ώρα για τέτοια; Η πνευματική τροφή όλων περιορίζεται στο ποιος τα έφτιαξε με ποιον και εάν η τάδε το κανελώνει το γαρούφαλλο και από τις 2 μεριές (χαχαχαχαχα) Μόνο να γελάς και να απαξιούς πρέπει με τόσο θλιβερές καταστάσεις. Περιοριζόμαστε στο να διαμαρτυρόμαστε όταν μας συκοφαντούν χωρίς να αποβάλλουμε ΠΡΩΤΑ ΕΜΕΙΣ ΟΙ ΙΔΙΟΙ αυτές τις άσχημες τακτικές που μας καθιστούν ανθρωπάκια.

Γνώμη μου λοιπόν είναι ότι όλες αυτές οι στοιχειωμένες και ψυχικά διαταραγμένες προσωπικότητες θέλουν την συμπόνια μας-αγκαλιάστε τους!!! Γιατί πέρα από ψυχιατρικής βοήθειας χρίζουν ΛΥΤΗΣΗΣ. ΕΠΙ-ΠΡΟΣΘΕΤΩΣ ΘΕΩΡΩ ΠΩΣ ΤΟΝ ΚΟΣΜΟ ΠΡΕΠΕΙ ΝΑ ΤΟΝ ΧΕΙΡΙΖΕΣΑΙ ΕΣΥ ΑΝΑΛΟΓΑ ΜΕ ΤΗΝ ΔΙΚΗ ΣΟΥ ΔΙΑΘΕΣΗ ΚΑΙ ΟΧΙ ΕΚΕΙΝΟΣ ΕΣΕΝΑ.. ΔΕΝ ΕΧΕΙΣ ΝΑ ΑΠΟΔΕΙΞΕΙΣ ΤΙΠΟΤΑ ΣΕ ΚΑΝΕΝΑΝ ΓΙΑΤΟ ΠΡΑΞΕ ΑΝΑΛΟΓΩΣ..

- Άνοιξε το παράθυρο το πρωί και υποδέξου τη νέα ημέρα που είναι γεμάτη προκλήσεις (λέγοντας προκλήσεις δεν εννοούμε τη γειτόνισσα που σε προκαλεί συνεχώς, μήπως και τις ρίζεις ένα μπερντάκι ξύλο-επειδή επιβιώνει όντως από τις μηνύσεις και από τους αγαπητικούς). Λέγοντας προκλήσεις εννοώ να βάλεις ημερήσιους στόχους και να πεις στο τέλος της ημέρας - ναι τα κατάφερα.

- Προσπάθησε να έχεις σχέση με τη φύση, ένας περίπατος στην εξοχή θα βελτιώσει την φυσική σου κατάσταση κάνοντας ταυτόχρονα και την ενδοσκόπησή σου. ΠΡΟΣΟΧΗ: Οι περίπατοι είναι για να νιώθουμε καλύτερα. υπάρχουν τραγικές φιγούρες γύρω μας που κυκλοφορούν στις ερημιές ΣΑΝ ΤΗΝ ΑΣΤΕΡΩ της ομώνυμης ταινίας με την κατά τα άλλα συμπαθέστατη Βουγιουκλάκη με σκοπό να ενοχλήσουν ακόμη και τα κούτσουρα. Μην γινόμαστε γραφικοί όμως.

- Μάθε να διαβάζεις βιβλία- διευρύνοντας τους ορίζοντές σου θα ανακαλύψεις ότι υπάρχει ένας ωραιότερος και ολότελα διαφορετικός κόσμος από τον μικρόκοσμο του κουτσομπολιού και της κατινιάς που σε περιβάλλει. ΠΡΟΣΟΧΗ: Όταν λέω βιβλία, δεν εννοώ βιβλία με τίτλο «ξόρκια πώς να κάνεις τον καλό σου να είναι δικός σου για πάντα» από τις εκδόσεις τρέχα-γύρευε. Όχι σίγουρα δεν εννοώ κάτι τέτοιο!

- Μην αναλώνεσαι σε καυγάδες και ξεκατινιάσματα, αυτό είναι ίδιον ανθρώπων χαμηλού μορφωτικού επιπέδου.

Το ότι δεν ανταποκρίνεσαι σε κάτι τόσο ευτελές δεν είναι αδυναμία, είναι στάση ζωής. ΔΟΚΙΜΑΣΕ ΤΟ!!!

- Να είσαι υπερήφανος για την καταγωγή σου και την οικογένειά σου, όπως είμαι εγώ που γράφω αυτό το άρθρο.

- Δοκίμασε να πεις και μια καλή κουβέντα για τον άλλο -που ξέρεις μπορεί και να νιώσεις καλύτερα και να γεμίσεις το κενό που υπάρχει μέσα σου. ΔΟΚΙΜΑΣΕ ΤΟ!!!!

- Μάθε να αγαπάς και όχι να μισείς....

- Να φοβάσαι ΟΜΩΣ περισσότερο κάποιον που σε αγάπησε πολύ στο παρελθόν-θα σε μισήσει στο μέλλον με τον ίδιο βαθμό...

- Η γνώμη σου για τον εαυτό σου να είναι πιο ισχυρή από τη γνώμη που έχει ο κόσμος για εσένα.

- Προσπάθησε να ανακατευτείς με τα κοινά του τόπου σου όχι για την δική σου αποκατάσταση και της οικογένειάς σου. αλλά για να κάνεις

καλύτερο τον τόπο που μένεις και αγαπάς. Αν το δοκίμασες και δεν πέτυχε για εξωγενείς παράγοντες- ξέρεις ότι δοκίμασες τουλάχιστον.

- Διασκέδασε όσο περισσότερο μπορείς και λιώσε όλα τα παπούτσια σου στον χορό. Μετά από κάθε γλέντι να φεύγεις χωρίς παπούτσια ,γιατί πολύ απλά έλιωσαν οι σόλες από τον χορό(ή γιατί είναι πολύ φθηνά τα παπούτσια σου και απλά έλιωσαν- το αποτέλεσμα το ίδιο είναι). Η τέρψη και η ευχαρίστηση που θα νιώσεις αγγίζει την μέθεξη.

- Χαμογέλασε και προσπέρασε γιατί η ζωή σε προσπερνάει καθημερινά. Βάλε τη χαρά στη ζωή σου, μάθε να έχεις χιούμορ, σατίρισε πρώτα ο ίδιος τον εαυτό σου. Θα νιώσεις καλύτερα και απαλλαγμένος από τα κόμπλεξ που σου φόρτωσε η κοινωνία μας.

**Μην σε νοιάζει τι θα πει ο ένας και ο άλλος, πίστεψε με κανείς δεν έχει δικαίωμα να σε κρίνει. Κανείς δεν σε νοιάζεται πραγματικά. Άρα δεν έχεις κανέναν ανάγκη. Ούτε και συ να κρίνεις κανέναν όμως. Υπάρχει η ελεύθερη βούληση, ο καθένας διαθέτει και ορίζει τον εαυτό του όπως εκείνος θέλει -ΑΡΚΕΙ ΝΑ ΜΗΝ ΕΝΟΧΛΕΙ. Ζήσε όπως θέλεις, να μην χωράς σε καλούπια και να πεις κάθε μέρα ζω και όχι απλά υπάρχω....**

**Στην τελική στον μόνο που έχεις να λογοδοτήσεις είναι ο θεός.....!!!!**

**Οποιαδήποτε ομοιότητα με πρόσωπα και καταστάσεις είναι συμπτωματική.....**

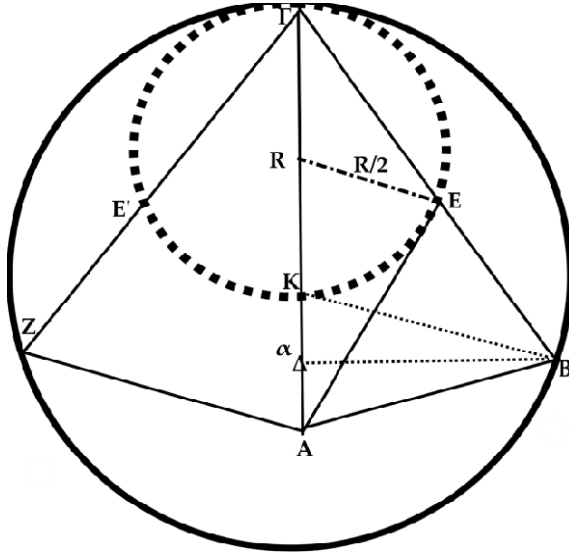
(Ξέρω ότι αυτά που παραθέτω παραπάνω τα έχουν πει άλλοι σημαντικότεροι άνθρωποι πριν από εμένα. Αλλά αυτές είναι οι δικές μου αλήθειες και η δική μου άποψη για την ζωή, δεν έχω διάθεση να επιβάλλω την γνώμη μου σε κανέναν. Ευχαριστώ για την ανάγνωση).

Σοφία Πικάση

## Πρόβλημα

Δίδεται κυκλικό μπιλιάρδο ακτίνας  $R$  και μία μπίλια στο σημείο  $A$  εντός αυτού απέχον από το κέντρο απόσταση  $\alpha$ . Να προσδιορισθεί το σημείο στο οποίο πρέπει να προσκρούσει η μπίλια, ώστε μετά από τρεις διαδοχικές ανακλάσεις να περάσει από το ίδιο σημείο  $A$ .

### Ανάλυση



Έστω  $A$  τυχόν σημείο απέχον απόσταση  $\alpha$  από το κέντρο  $K$  του κύκλου ακτίνας  $R$ . Η μπίλια από το  $A$  θα κτυπήσει στο  $B$  μετά στο  $\Gamma$ , μετά στο  $Z$  και θα περάσει από το  $A$ .

Από το τρίγωνο  $ABK$  έχουμε:

$$(AB)^2 = (AK)^2 + (KB)^2 - 2(AK)(K\Delta) \quad \text{ή}$$

$$(AB)^2 = \alpha^2 + R^2 - 2\alpha(K\Delta) \quad (1)$$

Από το τρίγωνο  $K\Gamma B$  έχουμε:

$$(B\Gamma)^2 = (K\Gamma)^2 + (KB)^2 + 2(K\Gamma)(K\Delta) \quad \text{ή}$$

$$(B\Gamma)^2 = R^2 + R^2 + 2R(K\Delta) = 2R^2 + 2R(K\Delta) \quad (2)$$

Επειδή στο  $B$  ανακλάται η μπίλια, η  $KB$  είναι διχοτόμος της γωνίας  $AB\Gamma$ ,

οπότε από το τρίγωνο  $AB\Gamma$  έχουμε:  $\frac{B\Gamma}{AB} = \frac{K\Gamma}{KA}$  ή

$$\left(\frac{B\Gamma}{AB}\right)^2 = \left(\frac{K\Gamma}{KA}\right)^2 \quad \text{ή} \quad \frac{2R^2 + 2R(K\Delta)}{\alpha^2 + R^2 - 2\alpha(K\Delta)} = \frac{R^2}{\alpha^2} \quad \text{ή}$$

$$2\alpha^2 R^2 + 2\alpha^2 R(K\Delta) = \alpha^2 R^2 + R^4 - 2\alpha R^2(K\Delta) \quad \text{ή}$$

$$2\alpha R(R - \alpha)(K\Delta) = R^4 - \alpha^2 R^2 = R^2(R^2 - \alpha^2) = R^2(R - \alpha)(R + \alpha) \quad \text{και}$$

$$2\alpha R(K\Delta) = R^2(R - \alpha) \quad \text{ή} \quad K\Delta = \frac{R(R - \alpha)}{2\alpha} \quad (3)$$

Με βάση τη (3) η (1) γίνεται:  $(AB)^2 = \alpha^2 + R^2 - 2\alpha \frac{R(R - \alpha)}{2\alpha} = \alpha^2 + R^2 - R^2 + \alpha R = \alpha(\alpha + R)$

Αλλά αυτή είναι δύναμη του σημείου  $A$  ως προς κύκλο διαμέτρου  $R$ , οπότε  $AE = AB$  και το σημείο  $B$  εντοπίζεται.

### Σύνθεση

Στο εσωτερικό του κύκλου κατασκευάζουμε τον κύκλο διαμέτρου  $R$ , όπως στο σχήμα. Από το  $A$  φέρουμε την εφαπτομένη ή οποία τέμνει την περιφέρεια στο  $E$ . Με ακτίνα την  $AE$  γράφουμε περιφέρεια, η οποία τέμνει τη μικρή στα  $B$  και  $Z$ . Το Σημείο  $B$  ή το  $Z$  είναι το ζητούμενο.

### Απόδειξη

Εφόσον  $AB = AE$  με την αντίστροφη διαδικασία βρίσκουμε την απόσταση  $\alpha$  και τελικά το σημείο  $A$  από όπου ξεκινήσαμε.

### Διερεύνηση

Είναι δεδομένο ότι η μπίλια βρίσκεται εντός του κύκλου οπότε τα ενδεχόμενα είναι τρία. Να βρίσκεται στην περιφέρεια, ή στο κέντρο ή μεταξύ αυτών.

Όταν βρίσκεται στην περιφέρεια τότε  $\alpha = R$ , οπότε:  $(AB)^2 = R(R + R) = 2R^2$  και η  $AB$  είναι η πλευρά εγγράψιμου τετραγώνου.

Όταν βρίσκεται στο κέντρο, όπου και να κτυπήσει η μπίλια θα γυρίσει πάλι πίσω στο κέντρο, οπότε δεν υπάρχει λύση.

Όταν βρίσκεται μεταξύ κέντρου και περιφέρειας έχει δύο λύσεις. Είτε την κτυπάμε από το Α προς το Β είτε προς το Ζ. Το Γ παραμένει το ίδιο.  
(Συγνώμη για τη μέθοδο αλλά έχουν περάσει 46 χρόνια από όταν τα άφησα)